

**Сборник тренировочных материалов для подготовки  
к государственному выпускному экзамену  
по МАТЕМАТИКЕ  
для обучающихся по образовательным программам  
СРЕДНЕГО общего образования**

**ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Тренировочные материалы предназначены для подготовки к единому государственному экзамену (базового уровня) и государственному выпускному экзамену в устной и письменной формах.

**В части 1** представлен типовой билет по математике ГВЭ-11 в устной форме.

Устный экзамен проводится по билетам, каждый из которых включает в себя 5 заданий, контролирующих элементы содержания следующих разделов курса.

1. *Математика*. 5–6 классы;
2. *Алгебра*. 7–9 классы;
3. *Алгебра и начала математического анализа*. 10–11 классы;
4. *Планиметрия*. 7–9 классы;
5. *Стереометрия*. 10–11 классы.

Работа состоит из 5 заданий, содержащих две-три задачи базового уровня сложности одного раздела курса. В каждом задании экзаменуемый может выбрать для решения одну задачу. Все задания относятся к заданиям с кратким или развёрнутым ответом.

В заданиях с кратким ответом экзаменационной работы требуется запись ответа в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Частными случаями заданий с кратким ответом являются задания с выбором одного или нескольких вариантов из предложенного списка (утверждений, объектов и т.п.), а также задания на установление соответствия между элементами двух списков. В заданиях с развёрнутым ответом требуется запись полного обоснованного решения и ответ.

Задание считается выполненным полностью, если решена одна задача.

При проведении устного экзамена по математике обучающимся предоставляется право использовать необходимые справочные материалы (формулы, математические факты), включённые в состав пакета экзаменационных материалов (перечень справочных материалов утверждается ФИПИ в составе нормативных документов). Разрешается использовать линейку. Использование калькуляторов не допускается.

В этой же части содержатся критерии оценивания ответов обучающихся при сдаче ГВЭ в устной форме.

**В части 2** сборника представлены тренировочные материалы для подготовки к единому государственному экзамену (базового уровня) и государственному выпускному экзамену по математике. Задания подобраны таким образом, чтобы охватить значительную и представительную часть открытого банка заданий по математике, а также все основные разделы школьного курса математики.

Все задания предполагают краткий ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

Частным случаем задания с кратким ответом является задание на установление соответствия. Ответом в таком задании служит последовательность, составленная из цифр 1, 2, 3 и 4, которая записывается в виде четырехзначного числа (без пробелов, запятых и других вспомогательных символов), например 1342 или 3241.

Другой частный случай задания с кратким ответом – задание с множественным выбором, где требуется указать одно или несколько верных утверждений из предложенного перечня. Ответом в данном случае являются номера верных утверждений, записанные в любом порядке без пробелов и других вспомогательных символов. Например, если верные утверждения имеют номера 1) и 3), то ответ может быть записан в виде 13 или 31. Каждая задача с кратким ответом снабжена полем «Ответ».

Все задания сборника имеют базовый или повышенный уровень сложности. Верное выполнение каждого из заданий с кратким ответом оценивается 1 баллом. Критерии оценивания, а также ответы опубликованы в сопроводительных материалах к настоящему сборнику.

Задания выбраны из открытых банков математических заданий для проведения итоговой аттестации и могут включаться как в экзаменационные материалы ГВЭ-11, так и в КИМ базового ЕГЭ по математике.

Сборник снабжён справочными материалами, соответствующими нормативным документам ГИА в форме ЕГЭ базового уровня и ГВЭ-11. Сборник тренировочных материалов состоит из трёх крупных тематических разделов. Внутри каждого раздела задания группируются в основном по возрастанию уровня сложности.

**Раздел 2.1 «Алгебра»** содержит задачи по арифметике, алгебре и началам математического анализа по курсу основной и полной средней школы. Раздел включает в себя 20 заданий с кратким ответом.

**Раздел 2.2 «Геометрия»** содержит задания по курсу геометрии (планиметрии и стереометрии) основной и полной средней школы. Раздел включает в себя 10 заданий различного уровня сложности.

**Раздел 2.3 «Практико-ориентированные задания»** содержит 20 заданий с кратким ответом базового уровня сложности, проверяющих математические умения и навыки, необходимые в повседневной жизни.

## ЧАСТЬ I

### Билет по математике ГВЭ-11 в устной форме

1. Решите одно из двух заданий.

а) В пачке 250 листов бумаги формата А4. За неделю в офисе расходуется 700 листов. Какого наименьшего количества пачек бумаги хватит на 8 недель?

Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 23.*

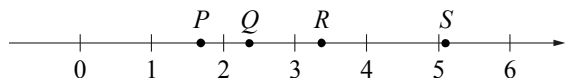
б) Найдите корень уравнения  $2 + 9x = 4x + 3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 0,2.*

2. Решите одно из двух заданий.

а) На прямой отмечены точки  $P$ ,  $Q$ ,  $R$  и  $S$ .



Установите соответствие между указанными точками и числами из правого столбца, которые им соответствуют.

ТОЧКИ

$P$

$Q$

$R$

$S$

ЧИСЛА

1)  $\log_2 10$

2)  $\frac{7}{3}$

3)  $\sqrt{26}$

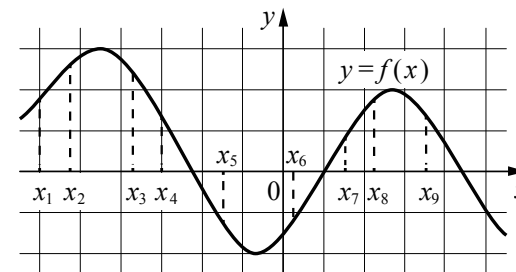
4)  $0,6^{-1}$

Ответ:

$P$	$Q$	$R$	$S$

*Ответ: 4213.*

б) На рисунке изображён график дифференцируемой функции  $y = f(x)$ . На оси абсцисс отмечены девять точек:  $x_1, x_2, \dots, x_9$ . Среди этих точек найдите все точки, в которых производная функции  $f(x)$  отрицательна. В ответе укажите количество найденных точек.

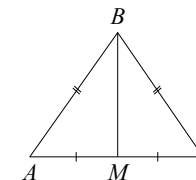


Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 4.*

3. Решите одно из двух заданий.

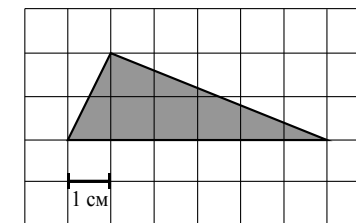
а) В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = BC = 25$ ,  $AC = 14$ . Найдите длину медианы  $BM$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 24.*

б) Найдите площадь треугольника, изображённого на клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \text{ см} \times 1 \text{ см}$ . Ответ дайте в  $\text{см}^2$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 6.*

4. Решите одну из двух задач.

а) В сосуд цилиндрической формы налили воду до уровня 80 см. Какого уровня достигнет вода, если её перелить в другой цилиндрический сосуд, у которого радиус основания в 4 раза больше, чем у первого? Ответ дайте в сантиметрах.

Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 5.*

б) Все рёбра правильной треугольной призмы  $ABCA_1B_1C_1$  имеют длину 6. Точки  $M$  и  $N$  — середины рёбер  $AA_1$  и  $A_1C_1$  соответственно. Докажите, что прямые  $BM$  и  $MN$  перпендикулярны.

Пример выполнения задания.

Пусть точка  $H$  — середина  $AC$ . Тогда

$$BN^2 = BH^2 + NH^2 = (3\sqrt{3})^2 + 6^2 = 63.$$

Вместе с тем,

$$BM^2 + MN^2 = (3^2 + 6^2) + (3^2 + 3^2) = 63,$$

а тогда по теореме, обратной теореме Пифагора, треугольник  $BMN$  является прямоугольным с прямым углом  $M$ .

5. Решите одну из двух задач.

а) Налог на доходы физических лиц в России составляет 13% от заработной платы. Заработная плата Ивана Кузьмича равна 20 000 рублей. Какую сумму он получит после уплаты этого налога?

Ответ: \_\_\_\_\_.

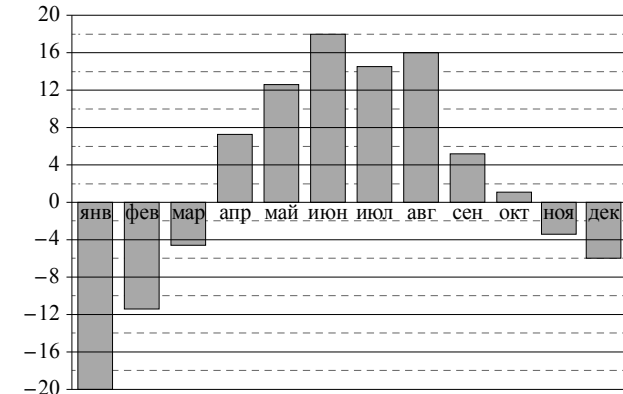
*Ответ: 17 400.*

б) На чемпионате по прыжкам в воду выступают 25 спортсменов, среди них 8 прыгунов из России и 9 прыгунов из Китая. Порядок выступлений определяется жеребьёвкой. Найдите вероятность того, что шестым будет выступать прыгун из Китая.

Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 0,36.*

в) На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в Екатеринбурге (Свердловске) за каждый месяц 1973 года. По горизонтали указаны месяцы, по вертикали — температура в градусах Цельсия. Определите по диаграмме наибольшую среднемесячную температуру во второй половине года. Ответ дайте в градусах Цельсия.



Ответ: \_\_\_\_\_.

*Ответ: 16.*

### Критерии оценивания ответов обучающихся при сдаче ГВЭ в устной форме

При проверке математической подготовки выпускников оценивается уровень, на котором сформированы следующие умения:

- работать с учебным математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию); точно и грамотно выражать свои мысли с применением математической терминологии и символики; проводить классификации, логические обоснования и доказательства математических утверждений;

- строить и исследовать простейшие математические модели реальных объектов, процессов и явлений, задач, связанных с ними, с помощью математических объектов;

- находить способы решения задач; переформулировать задачу; разбивать задачу на составляющие части, устанавливать связи между ними; составлять план решения задачи; выбирать способы её решения, сравнивать их и выбирать оптимальный; проверять правильность решения задачи, анализировать и интерпретировать полученный результат, оценивать его достоверность с разных позиций; принимать решение по результатам решенной задачи;

- владеть техникой вычислений с действительными числами, рационально объединяя устные и письменные вычисления;

- анализировать и подавать информацию; выбирать способ представления данных в соответствии с поставленной задачей – таблица, схема, график, диаграмма;

- оценивать шансы наступления тех или других событий, использовать понимание вероятностных свойств окружающих явлений при принятии решений;

- владеть приемами выполнения тождественных преобразований выражений, решения уравнений, систем уравнений, неравенств и систем неравенств (рациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств, простейших иррациональных и тригонометрических уравнений);

- работать с формулами, понимая содержательное значение каждого элемента формулы; находить числовые значения при заданных значениях переменной; выражать одну переменную через другую;

- использовать функционально-графические представления для решения различных математических задач, для описания и анализа реальных зависимостей;

- читать и строить графики функциональных зависимостей, исследовать их свойства, находить наибольшее и наименьшее значения функции;

- классифицировать и конструировать геометрические фигуры на плоскости и в пространстве, изображать пространственные фигуры и их элементы на плоскости, владеть навыками геометрических построений;

- измерять геометрические величины, характеризующие размещение геометрических фигур (расстояния, углы), на плоскости и в пространстве, находить количественные характеристики фигур (площади и объёмы);

- моделировать реальные ситуации на языке геометрии; исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры;

- применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера с использованием при необходимости справочных материалов, вложенных в экзаменационный пакет.

При оценке экзаменационной работы используется пятибалльная шкала. Результаты государственной итоговой аттестации признаются удовлетворительными в случае, если выпускник при сдаче ГВЭ-11 по математике получил отметку не ниже удовлетворительной.

Оценивание результата экзамена по математике осуществляется в соответствии со следующими критериями проверки каждого задания.

#### Критерии оценки выполнения каждого задания экзаменационной работы

Содержание критерия	Баллы
Ответ экзаменуемого характеризуется смысловой цельностью, речевой связностью и последовательностью изложения: логические ошибки отсутствуют, последовательность изложения не нарушена; получен верный ответ; ИЛИ допущена ошибка/неточность, которая после уточняющего вопроса экзаменатора исправлена экзаменуемым	2
Ответ экзаменуемого характеризуется смысловой цельностью, связностью и последовательностью изложения, но допущена одна ошибка/неточность, которую после уточняющего вопроса экзаменатора экзаменуемый не сумел исправить	1
Другие случаи, не соответствующие указанным выше критериям	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Максимальный первичный балл за экзаменационный билет – 10.

Рекомендуется следующая шкала перевода суммы первичных баллов за выполненные задания ГВЭ-11 по математике (устная форма) в пятибалльную систему оценивания.

#### Шкала пересчёта первичного балла за выполнение экзаменационной работы (устная форма) в отметку по пятибалльной шкале

Отметка по пятибалльной системе оценивания	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичный балл	0–4	5–6	7–8	9–10

## ЧАСТЬ II

Тренировочные материалы для подготовки к ЕГЭ по математике  
(базового уровня) и ГВЭ-11 в письменной форме

### Справочные материалы

#### Алгебра

Таблица квадратов целых чисел от 0 до 99

Десятки	Единицы									
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	0	1	4	9	16	25	36	49	64	81
1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401
5	2500	2601	2704	2809	2916	3025	3136	3249	3364	3481
6	3600	3721	3844	3969	4096	4225	4356	4489	4624	4761
7	4900	5041	5184	5329	5476	5625	5776	5929	6084	6241
8	6400	6561	6724	6889	7056	7225	7396	7569	7744	7921
9	8100	8281	8464	8649	8836	9025	9216	9409	9604	9801

Свойства арифметического квадратного корня

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} \text{ при } a \geq 0, b \geq 0 \qquad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \text{ при } a \geq 0, b > 0$$

Корни квадратного уравнения  $ax^2 + bx + c = 0$ ,  $a \neq 0$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}, \quad x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \text{ при } b^2 - 4ac > 0$$

$$x = -\frac{b}{2a} \text{ при } b^2 - 4ac = 0$$

Формулы сокращённого умножения

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

#### Степень и логарифм

Свойства степени  
при  $a > 0, b > 0$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$$

$$(a^n)^m = a^{nm}$$

$$(ab)^n = a^n \cdot b^n$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

Свойства логарифма  
при  $a > 0, a \neq 1, b > 0, x > 0, y > 0$

$$a^{\log_a b} = b$$

$$\log_a a = 1$$

$$\log_a 1 = 0$$

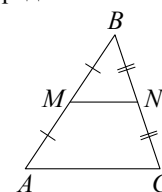
$$\log_a (xy) = \log_a x + \log_a y$$

$$\log_a \left(\frac{x}{y}\right) = \log_a x - \log_a y$$

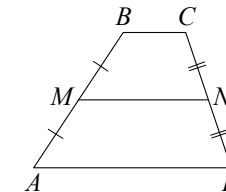
$$\log_a b^k = k \log_a b$$

#### Геометрия

Средняя линия треугольника и трапеции

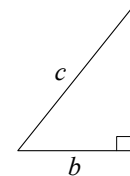


$MN$  — ср. лин.  
 $MN \parallel AC$   
 $MN = \frac{AC}{2}$



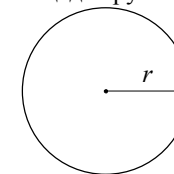
$BC \parallel AD$   
 $MN$  — ср. лин.  
 $MN \parallel AD$   
 $MN = \frac{BC + AD}{2}$

Теорема Пифагора



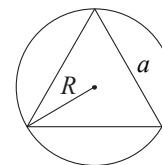
$$a^2 + b^2 = c^2$$

Длина окружности  
Площадь круга

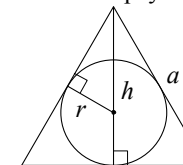


$C = 2\pi r$   
 $S = \pi r^2$

Описанная и вписанная окружности правильного треугольника



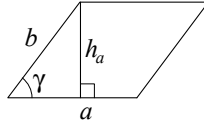
$$R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$$



$r = \frac{a\sqrt{3}}{6}$   
 $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$

### Площади фигур

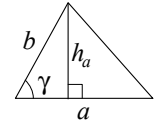
Параллелограмм



$$S = ah_a$$

$$S = ab \sin \gamma$$

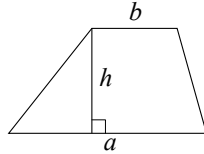
Треугольник



$$S = \frac{1}{2} ah_a$$

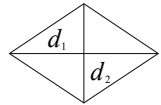
$$S = \frac{1}{2} ab \sin \gamma$$

Трапеция



$$S = \frac{a+b}{2} \cdot h$$

Ромб

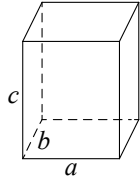


$d_1, d_2$  – диагонали

$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2$$

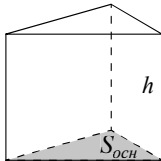
### Площади поверхностей и объёмы тел

Прямоугольный параллелепипед



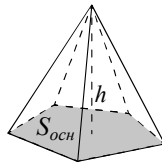
$$V = abc$$

Прямая призма



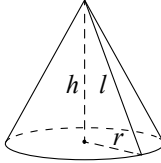
$$V = S_{осн} h$$

Пирамида



$$V = \frac{1}{3} S_{осн} h$$

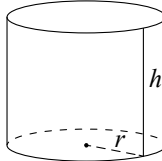
Конус



$$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$S_{бок} = \pi r l$$

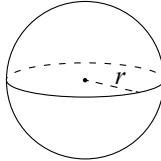
Цилиндр



$$V = \pi r^2 h$$

$$S_{бок} = 2\pi r h$$

Шар

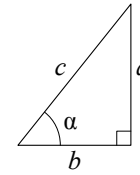


$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

$$S = 4\pi r^2$$

### Тригонометрические функции

Прямоугольный треугольник

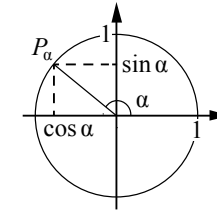


$$\sin \alpha = \frac{a}{c}$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{c}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{a}{b}$$

Тригонометрическая окружность



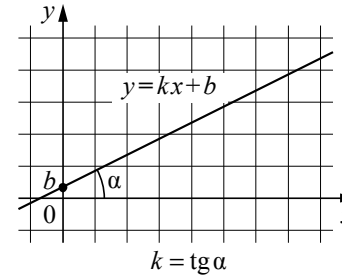
Основное тригонометрическое тождество:  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

Некоторые значения тригонометрических функций

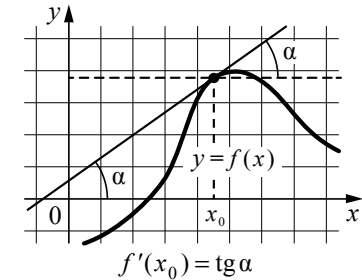
$\alpha$	радианы	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\pi$	$\frac{3\pi}{2}$	$2\pi$
	градусы	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$	$180^\circ$	$270^\circ$	$360^\circ$
$\sin \alpha$		0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
$\cos \alpha$		1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
$\operatorname{tg} \alpha$		0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	—	0	—	0

### Функции

Линейная функция



Геометрический смысл производной



**Раздел 2.1**  
**Алгебра и начала анализа**

*Ответом к заданиям 1–20 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы. Единицы измерений писать не нужно.*

**1** Найдите значение выражения  $3,5 \cdot 6,4 - 3,2$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**2** Найдите значение выражения  $\left(\frac{17}{25} - \frac{1}{17}\right) \cdot \frac{17}{4}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**3** Найдите значение выражения  $2,4 : 1,2 \cdot 2,5$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**4** Найдите значение выражения  $(7 \cdot 10^5) \cdot (1,3 \cdot 10^{-7})$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**5** Найдите значение выражения  $6 \cdot (-1)^6 + 2 \cdot (-1)^3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**6** Площадь поверхности прямоугольного параллелепипеда с ребрами  $a$ ,  $b$  и  $c$  вычисляется по формуле  $S = 2(ab + ac + bc)$ . Найдите площадь поверхности прямоугольного параллелепипеда, если его рёбра имеют длины 2, 5 и 6.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**7** Среднее геометрическое чисел  $a$ ,  $b$  и  $c$  вычисляется по формуле  $g = \sqrt[3]{abc}$ . Вычислите среднее геометрическое чисел 2, 8, 32.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**8** Чтобы перевести температуру из шкалы Фаренгейта в шкалу Цельсия, пользуются формулой  $t_C = \frac{5}{9}(t_F - 32)$ , где  $t_C$  — температура в градусах по шкале Цельсия,  $t_F$  — температура в градусах по шкале Фаренгейта. Какой температуре по шкале Цельсия соответствует 77 градусов по шкале Фаренгейта?

Ответ: \_\_\_\_\_.

**9** Найдите значение выражения  $\sqrt{99} \cdot \sqrt{11}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**10** Найдите значение выражения  $\frac{\sqrt{32}}{5\sqrt{8}}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**11** Найдите значение выражения  $\log_2 88 - \log_2 11$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**12** Найдите корень уравнения  $\log_5(2x + 9) = -1$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**13** Найдите корень уравнения  $-3 + 4(-7 + 5x) = 9x - 9$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

14 Найдите корень уравнения  $\left(\frac{1}{3}\right)^{x-18} = \frac{1}{27}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

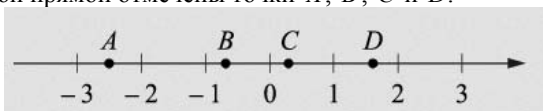
15 Найдите корень уравнения  $\sqrt{17-2x} = 3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

16 Решите уравнение  $x^2 - 7x = 18$ . Если уравнение имеет более одного корня, в ответе укажите меньший из них.

Ответ: \_\_\_\_\_.

17 На координатной прямой отмечены точки  $A, B, C$  и  $D$ .



Число  $m$  равно  $\sqrt{0,15}$ .

Установите соответствие между указанными точками и числами в правом столбце, которым они соответствуют.

ТОЧКИ	ЧИСЛА
$A$	1) $-\frac{1}{m}$
$B$	2) $m^2$
$C$	3) $4m$
$D$	4) $m-1$

Впишите в приведённую в ответе таблицу под каждой буквой соответствующий числу номер.

Ответ:

А	Б	В	Г

18 Каждому из четырёх неравенств в левом столбце соответствует одно из решений в правом столбце. Установите соответствие между неравенствами и их решениями.

НЕРАВЕНСТВА	РЕШЕНИЯ
А) $(x-2)^2(x-4) < 0$	1) $x < 2$ или $2 < x < 4$
Б) $\frac{(x-4)^2}{x-2} > 0$	2) $x < 2$ или $x > 4$
В) $(x-2)(x-4) < 0$	3) $2 < x < 4$
Г) $\frac{x-2}{x-4} > 0$	4) $2 < x < 4$ или $x > 4$

Впишите в приведённую в ответе таблицу под каждой буквой соответствующий номер решения.

Ответ:

А	Б	В	Г

19 Найдите пятизначное число, кратное 15, любые две соседние цифры которого отличаются на 2. В ответе укажите любое одно такое число.

Ответ: \_\_\_\_\_.

20 В обменном пункте можно совершить одну из двух операций:

- за 5 золотых монеты получить 7 серебряных и 1 медную;
- за 10 серебряных монет получить 7 золотых и 1 медную.

У Николая были только серебряные монеты. После нескольких посещений обменного пункта серебряных монет у него стало меньше, золотых не появилось, зато появилось 60 медных. На сколько уменьшилось количество серебряных монет у Николая?

Ответ: \_\_\_\_\_.



Ответы к заданиям раздела 2.1

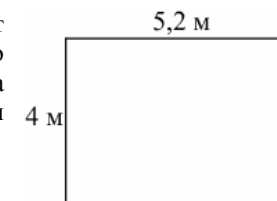
Алгебра и начала анализа

№ задания	Ответ
1	19,2
2	2,88
3	25
4	0,091
5	4
6	104
7	8
8	25
9	33
10	0,4
11	3
12	-4,4
13	2
14	21
15	4
16	-2
17	1423
18	1432
19	53535; 97575; 5795; 42420; 13575
20	5

Раздел 2.2  
Геометрия

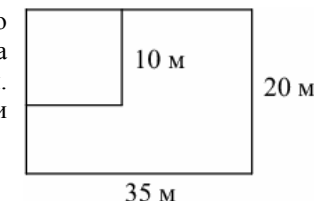
*Ответом к заданиям 1–10 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы. Единицы измерений писать не нужно.*

- 1 На плане указано, что прямоугольная комната имеет площадь 20,7 кв. м. Точные измерения показали, что ширина комнаты равна 4 м, а длина — 5,2 м. На сколько квадратных метров площадь комнаты отличается от значения, указанного на плане?



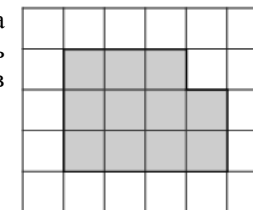
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 2 Дачный участок имеет форму прямоугольника со сторонами 35 м и 20 м. Хозяин отгородил на участке квадратный вольер со стороной 10 м (см. рисунок). Найдите площадь оставшейся части участка. Ответ дайте в квадратных метрах.



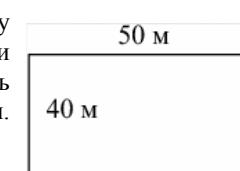
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 3 План местности разбит на клетки. Каждая клетка обозначает квадрат 1 м×1 м. Найдите площадь участка, выделенного на плане. Ответ дайте в квадратных метрах.



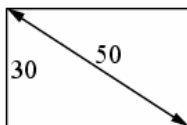
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 4 Участок земли под строительство дачи имеет форму прямоугольника, стороны которого равны 50 м и 40 м. Одна из больших сторон участка идёт вдоль реки, а три остальные нужно огородить забором. Найдите длину этого забора. Ответ дайте в метрах.



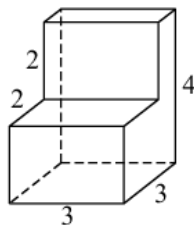
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 5 Диагональ прямоугольного телевизионного экрана равна 50 дюймам, а высота экрана – 30 дюймам. Найдите ширину экрана. Ответ дайте в дюймах.



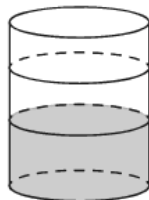
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 6 Деталь имеет форму изображённого на рисунке многогранника (все двугранные углы прямые). Числа на рисунке обозначают длины рёбер в сантиметрах. Найдите объём этой детали. Ответ дайте в кубических сантиметрах.



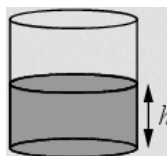
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 7 В бак цилиндрической формы, площадь основания которого 80 квадратных сантиметров, налита жидкость. Чтобы измерить объём детали сложной формы, её полностью погружают в эту жидкость. Найдите объём детали, если после её погружения уровень жидкости в баке поднялся на 15 см. Ответ дайте в кубических сантиметрах.



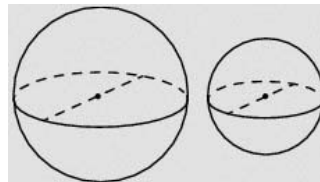
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 8 Уровень воды в сосуде цилиндрической формы достигает  $h=20$  см. Какого уровня будет достигать вода, если её перелить в другой такой же сосуд, у которого радиус основания вдвое больше, чем у первого? Ответ дайте в сантиметрах.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 9 Однородный шар диаметром 4 см весит 256 г. Сколько весит шар диаметром 5 см, изготовленный из того же материала?



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 10 Высота бака цилиндрической формы равна 50 см, а площадь его основания — 160 кв. см. Чему равен объём этого бака (в литрах)? В одном литре 100 кубических сантиметров.



Ответ: \_\_\_\_\_.

## Ответы к заданиям раздела 2.2 Геометрия

№ задания	Ответ
1	0,1
2	600
3	11
4	130
5	40
6	24
7	1200
8	5
9	500
10	8

**Раздел 2.3**  
**Практико-ориентированные задания**

*Ответом к заданиям 1–20 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы. Единицы измерений писать не нужно.*

- 1** Сберегательный банк начисляет на срочный вклад 10% годовых. Вкладчик положил на счёт 7000 рублей. Сколько рублей будет на этом счёте через год, если никаких операций, кроме начисления процентов, со счётом проводиться не будет?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 2** Пачка сливочного масла стоит 70 рублей. Пенсионерам магазин делает скидку 10%. Сколько рублей стоит пачка масла для пенсионера?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 3** Для приготовления фарша взяли говядину и свинину в соотношении 3:17. Какой процент в фарше составляет свинина?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 4** Набор полотенец, который стоил 250 рублей, продаётся со скидкой 18%, сколько рублей стоят два набора со скидкой?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 5** Футболка стоила 300 рублей. После повышения цены она стала стоить 360 рублей. На сколько процентов была повышена цена футболки?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 6** Автомобиль проехал 17 километров за 15 минут. Сколько километров он проедет за 18 минут, если будет ехать с той же скоростью?  
Ответ: \_\_\_\_\_.

- 7** Установка двух счётчиков воды (холодной и горячей) стоит 3700 рублей. До установки счётчиков за воду платили 1700 рублей ежемесячно. После установки счётчиков ежемесячная оплата воды стала составлять 1400 рублей. Через какое наименьшее количество месяцев ежемесячная экономия по оплате воды превысит затраты на установку счётчиков, если тарифы на воду не изменятся?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 8** Для покраски 1 кв. м потолка требуется 210 г краски. Краска продаётся в банках по 1,5 кг. Какое наименьшее количество банок краски нужно купить для покраски потолка площадью 47 кв. м?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 9** Летом килограмм клубники стоит 80 рублей. Маша купила 2 кг 500 г клубники. Сколько рублей сдачи она должна получить с 1000 рублей?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 10** По расписанию поезд Уфа—Москва отправляется в 7:04, а прибывает в 9:04 на следующий день (время московское). Сколько часов согласно расписанию поезд находится в пути?  
Ответ: \_\_\_\_\_.
- 11** Установите соответствие между величинами и их возможными значениями: к каждому элементу первого столбца подберите соответствующий элемент из второго столбца.
- | ВЕЛИЧИНЫ   | ВОЗМОЖНЫЕ ЗНАЧЕНИЯ         |
|--|----------------------------|
| А) объём бутылки газировки                       | 1) 2 л                     |
| Б) объём багажника автомобиля                    | 2) 200 л                   |
| В) объём грузового отсека транспортного самолета | 3) 555 000 км <sup>3</sup> |
| Г) объём воды в Чёрном море                      | 4) 400 м <sup>3</sup>      |
- В таблице под каждой буквой, соответствующей величине, укажите номер её возможного значения.

Ответ:

А	Б	В	Г

**12** Установите соответствие между величинами и их возможными значениями: к каждому элементу первого столбца подберите соответствующий элемент из второго столбца.

**ВЕЛИЧИНЫ**

- А) масса алюминиевой столовой ложки
- Б) масса грузовой машины
- В) масса кота
- Г) масса дождевой капли

**ВОЗМОЖНЫЕ ЗНАЧЕНИЯ**

- 1) 8 кг
- 2) 8 т
- 3) 20 мг
- 4) 32 г

В таблице под каждой буквой, соответствующей величине, укажите номер её возможного значения.

Ответ:

А	Б	В	Г

**13** Установите соответствие между величинами и их возможными значениями: к каждому элементу первого столбца подберите соответствующий элемент из второго столбца.

**ВЕЛИЧИНЫ**

- А) длительность полнометражного мультипликационного фильма
- Б) время обращения Марса вокруг Солнца
- В) длительность звучания одной песни
- Г) продолжительность вспышки фотоаппарата

**ВОЗМОЖНЫЕ ЗНАЧЕНИЯ**

- 1) 4 минуты
- 2) 90 минут
- 3) 687 суток
- 4) 0,2 секунды

В таблице под каждой буквой, соответствующей величине, укажите номер её возможного значения.

Ответ:

А	Б	В	Г

**14** В фирме такси на данный момент свободно 20 машин: 8 чёрных, 7 жёлтых и 5 зелёных. По вызову приехала одна из машин, случайно оказавшаяся ближе всего к заказчику. Найдите вероятность того, что к нему приедет жёлтое такси.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**15** В коробке вперемешку лежат чайные пакетики с чёрным и зелёным чаем, одинаковые на вид, причём пакетиков с чёрным чаем в 9 раз больше, чем пакетиков с зелёным. Найдите вероятность того, что случайно выбранный из этой коробки пакетик окажется с зелёным чаем.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**16** В чемпионате по гимнастике участвуют 75 спортсменов: 15 из Чехии, 30 из Словакии, а остальные – из Австрии. Порядок, в котором выступают спортсменки, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсменка, выступающая первой, окажется из Австрии.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**17** На тарелке лежат одинаковые на вид пирожки: 5 с мясом, 8 с капустой, и 3 с вишней. Петя наугад выбирает один пирожок. Найдите вероятность того, что он окажется с капустой.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**18** В доме Маши меньше этажей, чем в доме Стаса, в доме Ксюши больше этажей, чем в доме Стаса, а в доме Нади больше этажей, чем в Машином доме, но меньше, чем в Ксюшином доме. Выберите утверждения, которые верны при указанных условиях.

- 1) В доме Маши меньше этажей, чем в доме Нади.
  - 2) Дом Ксюши самый многоэтажный среди перечисленных четырёх.
  - 3) Среди этих четырёх домов есть три дома с одинаковым количеством этажей.
  - 4) В Надином доме один этаж.
- В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**19** Некоторые сотрудники фирмы летом 2014 года отдыхали на даче, некоторые – на море. Все сотрудники фирмы, которые не отдыхали на море, отдыхали на даче. Выберите утверждения, которые верны при указанных условиях.

1) Каждый сотрудник этой фирмы отдыхал летом 2014 года или на море, или на даче, или и там, и там.

2) Сотрудник этой фирмы, который летом 2014 года не отдыхал на море, не отдыхал и на даче.

3) Если Фаина не отдыхала летом 2014 года ни на даче, ни на море, то она не является сотрудником этой фирмы.

4) Если сотрудник этой фирмы не отдыхал на море летом 2014 года, то он отдыхал на даче.

В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**20** Перед баскетбольным турниром измерили рост игроков баскетбольной команды города N. Оказалось, что рост каждого из баскетболистов этой команды больше 180 см и меньше 195 см. Выберите утверждения, которые верны при указанных условиях.

1) В баскетбольной команде города N нет игроков ростом 179 см.

2) В баскетбольной команде города N обязательно есть игрок, рост которого равен 200 см.

3) Рост любого баскетболиста этой команды меньше 195 см.

4) Разница в росте любых двух игроков баскетбольной команды города N составляет более 15 см.

В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Ответы к заданиям раздела 2.3  
Практико-ориентированные задания**

№ задания	Ответ
1	7700
2	63
3	85
4	410
5	20
6	20,4
7	13
8	7
9	880
10	26
11	1243
12	3214
13	2314
14	0,35
15	0,1
16	0,4
17	0,5
18	12
19	13
20	13